

## Der Satz des Pythagoras

### Aufgabe:

Gegeben ist ein rechtwinkliges Dreieck mit Hypotenuse c. Berechne die fehlenden Werte.  
h ist die Höhe auf c, A ist der Flächeninhalt des Dreiecks.

- |   |   |
|---|---|
| a) Gegeben: $a = 5,2$ , $c = 8,09$<br>Gesucht: b, A, h  | b) Gegeben: $a = 3$ , $c = 5$<br>Gesucht: b, A, h       |
| c) Gegeben: $a = 7$ , $b = 24$<br>Gesucht: c, A, h      | d) Gegeben: $a = 9$ , $b = 12$<br>Gesucht: c, A, h      |
| e) Gegeben: $b = 5,7$ , $c = 7,39$<br>Gesucht: a, A, h  | f) Gegeben: $a = 9,8$ , $b = 7,7$<br>Gesucht: c, A, h   |
| g) Gegeben: $a = 9,2$ , $A = 37,72$<br>Gesucht: b, c, h | h) Gegeben: $a = 7,4$ , $A = 11,47$<br>Gesucht: b, c, h |
| i) Gegeben: $a = 5,6$ , $b = 3,6$<br>Gesucht: c, A, h   | j) Gegeben: $b = 48$ , $c = 50$<br>Gesucht: a, A, h     |
| k) Gegeben: $a = 5$ , $A = 5,75$<br>Gesucht: b, c, h    | l) Gegeben: $a = 1$ , $b = 2,1$<br>Gesucht: c, A, h     |
| m) Gegeben: $a = 7,3$ , $b = 6,4$<br>Gesucht: c, A, h   | n) Gegeben: $a = 2,7$ , $c = 5,95$<br>Gesucht: b, A, h  |
| o) Gegeben: $a = 3,9$ , $c = 7,84$<br>Gesucht: b, A, h  | p) Gegeben: $a = 7$ , $A = 84$<br>Gesucht: b, c, h      |

---

Ein Erklärvideo zum Thema findest du unter dem folgenden Link.



a)

$$\begin{aligned}
 b^2 &= c^2 - a^2 = 8,09^2 - 5,2^2 = 65,48 - 27,04 = 38,44 \\
 \Rightarrow b &= 6,2 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 5,2 \cdot 6,2 = 16,12 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 16,12 : 8,09 = 3,98
 \end{aligned}$$

c)

$$\begin{aligned}
 c^2 &= a^2 + b^2 = 7^2 + 24^2 = 49 + 576 = 625 \\
 \Rightarrow c &= 25 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 7 \cdot 24 = 84 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 84 : 25 = 6,72
 \end{aligned}$$

e)

$$\begin{aligned}
 a^2 &= c^2 - b^2 = 7,39^2 - 5,7^2 = 54,6121 - 32,49 = 22,09 \\
 \Rightarrow a &= 4,7 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 4,7 \cdot 5,7 = 13,395 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 13,395 : 7,39 = 3,63
 \end{aligned}$$

g)

$$\begin{aligned}
 A &= 1/2 a \cdot b \Rightarrow b = 2 \cdot A : a = 2 \cdot 37,72 : 9,2 \\
 \Rightarrow b &= 8,2 \\
 c^2 &= a^2 + b^2 = 9,2^2 + 8,2^2 = 84,64 + 67,24 = 151,88 \\
 \Rightarrow c &= 12,32 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 37,72 : 12,32 = 6,12
 \end{aligned}$$

i)

$$\begin{aligned}
 c^2 &= a^2 + b^2 = 5,6^2 + 3,6^2 = 31,36 + 12,96 = 44,32 \\
 \Rightarrow c &= 6,66 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 5,6 \cdot 3,6 = 10,08 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 10,08 : 6,66 = 3,03
 \end{aligned}$$

k)

$$\begin{aligned}
 A &= 1/2 a \cdot b \Rightarrow b = 2 \cdot A : a = 2 \cdot 5,75 : 5 \\
 \Rightarrow b &= 2,3 \\
 c^2 &= a^2 + b^2 = 5^2 + 2,3^2 = 25 + 5,29 = 30,29 \\
 \Rightarrow c &= 5,5 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 5,75 : 5,5 = 2,09
 \end{aligned}$$

m)

$$\begin{aligned}
 c^2 &= a^2 + b^2 = 7,3^2 + 6,4^2 = 53,29 + 40,96 = 94,25 \\
 \Rightarrow c &= 9,71 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 7,3 \cdot 6,4 = 23,36 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 23,36 : 9,71 = 4,81
 \end{aligned}$$

o)

$$\begin{aligned}
 b^2 &= c^2 - a^2 = 7,84^2 - 3,9^2 = 61,45 - 15,21 = 46,24 \\
 \Rightarrow b &= 6,8 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 3,9 \cdot 6,8 = 13,26 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 13,26 : 7,84 = 3,38
 \end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}
 b^2 &= c^2 - a^2 = 5^2 - 3^2 = 25 - 9 = 16 \\
 \Rightarrow b &= 4 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 3 \cdot 4 = 6 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 6 : 5 = 2,4
 \end{aligned}$$

d)

$$\begin{aligned}
 c^2 &= a^2 + b^2 = 9^2 + 12^2 = 81 + 144 = 225 \\
 \Rightarrow c &= 15 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 9 \cdot 12 = 54 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 54 : 15 = 7,2
 \end{aligned}$$

f)

$$\begin{aligned}
 c^2 &= a^2 + b^2 = 9,8^2 + 7,7^2 = 96,04 + 59,29 = 155,33 \\
 \Rightarrow c &= 12,46 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 9,8 \cdot 7,7 = 37,73 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 37,73 : 12,46 = 6,05
 \end{aligned}$$

h)

$$\begin{aligned}
 A &= 1/2 a \cdot b \Rightarrow b = 2 \cdot A : a = 2 \cdot 11,47 : 7,4 \\
 \Rightarrow b &= 3,1 \\
 c^2 &= a^2 + b^2 = 7,4^2 + 3,1^2 = 54,76 + 9,61 = 64,37 \\
 \Rightarrow c &= 8,02 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 11,47 : 8,02 = 2,86
 \end{aligned}$$

j)

$$\begin{aligned}
 a^2 &= c^2 - b^2 = 50^2 - 48^2 = 2500 - 2304 = 196 \\
 \Rightarrow a &= 14 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 14 \cdot 48 = 336 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 336 : 50 = 13,44
 \end{aligned}$$

l)

$$\begin{aligned}
 c^2 &= a^2 + b^2 = 1^2 + 2,1^2 = 1 + 4,41 = 5,41 \\
 \Rightarrow c &= 2,33 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 1 \cdot 2,1 = 1,05 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 1,05 : 2,33 = 0,9
 \end{aligned}$$

n)

$$\begin{aligned}
 b^2 &= c^2 - a^2 = 5,95^2 - 2,7^2 = 35,38 - 7,29 = 28,09 \\
 \Rightarrow b &= 5,3 \\
 A &= 1/2 a \cdot b \\
 \Rightarrow A &= 1/2 \cdot a \cdot b = 1/2 \cdot 2,7 \cdot 5,3 = 7,155 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 7,155 : 5,95 = 2,41
 \end{aligned}$$

p)

$$\begin{aligned}
 A &= 1/2 a \cdot b \Rightarrow b = 2 \cdot A : a = 2 \cdot 84 : 7 \\
 \Rightarrow b &= 24 \\
 c^2 &= a^2 + b^2 = 7^2 + 24^2 = 49 + 576 = 625 \\
 \Rightarrow c &= 25 \\
 A &= 1/2 c \cdot h \\
 \Rightarrow h &= 2A : c = 2 \cdot 84 : 25 = 6,72
 \end{aligned}$$