

Lineare Gleichungssysteme lösen: Das Additionsverfahren

Aufgabe:

Löse die folgenden Gleichungssysteme mit Hilfe des Additionsverfahrens

a)
$$\begin{cases} -20x + 4y = -76 \\ 8x - 4y = 40 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} -4x + 2y = -6 \\ -10x - 2y = -36 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} 2x - 2y = -4 \\ -8x + 2y = 28 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} -4x + 2y = 14 \\ -6x - 2y = 16 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} 8x + 2y = 36 \\ 2x - 2y = 14 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 15x + 3y = -45 \\ 12x - 3y = -63 \end{cases}$$

g)
$$\begin{cases} 6x + 3y = 9 \\ -15x - 3y = -36 \end{cases}$$

h)
$$\begin{cases} 20x - 4y = 40 \\ 8x + 4y = -12 \end{cases}$$

i)
$$\begin{cases} 4x + 4y = 32 \\ 20x - 4y = 40 \end{cases}$$

j)
$$\begin{cases} 20x - 4y = 96 \\ -4x + 4y = -32 \end{cases}$$

k)
$$\begin{cases} 16x + 4y = -8 \\ -4x - 4y = -4 \end{cases}$$

l)
$$\begin{cases} -3x - 3y = 12 \\ 9x + 3y = -18 \end{cases}$$

Ein Erklärvideo zum Thema findest du unter dem folgenden Link.



a) I + II: $-12x = -36 \quad | :(-12)$
 $x = 3$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $-20 \cdot 3 + 4y = -76 \quad | T$
 $-60 + 4y = -76 \quad | + 60$
 $4y = -16 \quad | : 4$
 $y = -4$
 $L = \{ (3|-4) \}$

b) I + II: $-14x = -42 \quad | :(-14)$
 $x = 3$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $-4 \cdot 3 + 2y = -6 \quad | T$
 $-12 + 2y = -6 \quad | + 12$
 $2y = 6 \quad | : 2$
 $y = 3$
 $L = \{ (3|3) \}$

c) I + II: $-6x = 24 \quad | :(-6)$
 $x = -4$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $2 \cdot (-4) - 2y = -4 \quad | T$
 $-8 - 2y = -4 \quad | + 8$
 $-2y = 4 \quad | :(-2)$
 $y = -2$
 $L = \{ (-4|-2) \}$

d) I + II: $-10x = 30 \quad | :(-10)$
 $x = -3$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $-4 \cdot (-3) + 2y = 14 \quad | T$
 $12 + 2y = 14 \quad | -12$
 $2y = 2 \quad | : 2$
 $y = 1$
 $L = \{ (-3|1) \}$

e) I + II: $10x = 50 \quad | : 10$
 $x = 5$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $8 \cdot 5 + 2y = 36 \quad | T$
 $40 + 2y = 36 \quad | -40$
 $2y = -4 \quad | : 2$
 $y = -2$
 $L = \{ (5|-2) \}$

f) I + II: $27x = -108 \quad | : 27$
 $x = -4$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $15 \cdot (-4) + 3y = -45 \quad | T$
 $-60 + 3y = -45 \quad | + 60$
 $3y = 15 \quad | : 3$
 $y = 5$
 $L = \{ (-4|5) \}$

g) I + II: $-9x = -27 \quad | :(-9)$
 $x = 3$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $6 \cdot 3 + 3y = 9 \quad | T$
 $18 + 3y = 9 \quad | -18$
 $3y = -9 \quad | : 3$
 $y = -3$
 $L = \{ (3|-3) \}$

h) I + II: $28x = 28 \quad | : 28$
 $x = 1$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $20 \cdot 1 - 4y = 40 \quad | T$
 $20 - 4y = 40 \quad | -20$
 $-4y = 20 \quad | :(-4)$
 $y = -5$
 $L = \{ (1|-5) \}$

i) I + II: $24x = 72 \quad | : 24$
 $x = 3$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $4 \cdot 3 + 4y = 32 \quad | T$
 $12 + 4y = 32 \quad | -12$
 $4y = 20 \quad | : 4$
 $y = 5$
 $L = \{ (3|5) \}$

j) I + II: $16x = 64 \quad | : 16$
 $x = 4$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $20 \cdot 4 - 4y = 96 \quad | T$
 $80 - 4y = 96 \quad | -80$
 $-4y = 16 \quad | :(-4)$
 $y = -4$
 $L = \{ (4|-4) \}$

k) I + II: $12x = -12 \quad | : 12$
 $x = -1$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $16 \cdot (-1) + 4y = -8 \quad | T$
 $-16 + 4y = -8 \quad | + 16$
 $4y = 8 \quad | : 4$
 $y = 2$
 $L = \{ (-1|2) \}$

l) I + II: $6x = -6 \quad | : 6$
 $x = -1$
 Einsetzen in 1. Gleichung
 $-3 \cdot (-1) - 3y = 12 \quad | T$
 $3 - 3y = 12 \quad | -3$
 $-3y = 9 \quad | :(-3)$
 $y = -3$
 $L = \{ (-1|-3) \}$